

## 鄂城区第一中学高二数学试卷（理科）

命题人：谢瑞萍

一. 选择题（本大题 12 个小题，每小题 5 分，共 60 分.）

1. 某食堂每天中午准备 4 种不同的荤菜，7 种不同的蔬菜，用餐者可以按下述方法之一搭配午餐：(1)任选两种荤菜、两种蔬菜和白米饭；(2)任选一种荤菜、两种蔬菜和蛋炒饭. 则每天不同午餐的搭配方法总数是( ).

A. 210                      B. 420                      C. 56                      D. 22

2. 袋中装有 10 个红球、5 个黑球. 每次随机抽取 1 个球后，若取得黑球则另换 1 个红球放回袋中，直到取到红球为止. 若抽取的次数为  $X$ ，则表示“放回 5 个红球”事件的是( ).

A.  $X=4$                       B.  $X=5$                       C.  $X=6$                       D.  $X \leq 5$

3.  $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$ 、 $E$  五人并排站成一排，如果  $B$  必须站在  $A$  的右边( $A$ 、 $B$  可以不相邻)，那么不同的排法共有 ( ).

A. 24 种                      B. 60 种                      C. 90 种                      D. 120 种

4. 某地区空气质量监测资料表明，一天的空气质量为优良的概率是 0.75，连续两天为优良的概率是 0.6，已知某天的空气质量为优良，则随后一天的空气质量为优良的概率是 ( ).

A. 0.75                      B. 0.8                      C. 0.6                      D. 0.45

5. 已知随机变量  $X$  的分布列为： $P(X=k)=\frac{1}{2^k}, k=1,2,\dots$ ，则  $P(2 < X \leq 4)$  等于( ).

A.  $\frac{3}{16}$                       B.  $\frac{1}{4}$                       C.  $\frac{1}{16}$                       D.  $\frac{5}{16}$

6. 学校准备从 5 位报名同学中挑选 3 人，分别担任某运动会田径、游泳和球类 3 个不同项目比赛的志愿者，已知其中同学甲不能担任游泳比赛的志愿者，则不同的安排方法共有( ).

A. 24 种                      B. 36 种                      C. 48 种                      D. 60 种

7. 如果  $n$  是正偶数，则  $C_n^0 + C_n^2 + \dots + C_n^{n-2} + C_n^n =$  ( ).

A.  $2^n$                       B.  $2^{n-1}$                       C.  $2^{n-2}$                       D.  $(n-1)2^{n-1}$

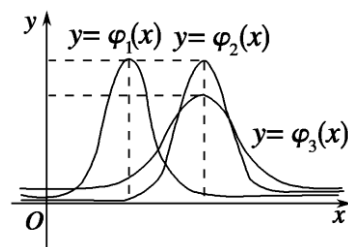
8. 设  $X$  为随机变量， $X \sim B(n, p)$ ，若  $EX=2$ ，方差  $D\xi=\frac{4}{3}$  则  $P(X=2)$  等于( ).

A.  $\frac{13}{16}$                       B.  $\frac{4}{243}$                       C.  $\frac{13}{243}$                       D.  $\frac{80}{243}$

9. 如果一条直线与一个平面平行, 那么称此直线与平面构成一个“平行线面组”. 在一个长方体中, 由两个顶点确定的直线与含有四个顶点的平面构成的“平行线面组”的个数是( ).

- A. 60                      B. 48                      C. 36                      D. 24

10. 已知三个正态分布密度函数  $\varphi_i(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma_i} e^{-\frac{(x-\mu_i)^2}{2\sigma_i^2}}$  ( $x \in \mathbf{R}, i=1,2,3$ ) 的图象如图所示, 则 ( ).



- A.  $\mu_1 < \mu_2 = \mu_3, \sigma_1 = \sigma_2 > \sigma_3$   
 B.  $\mu_1 > \mu_2 = \mu_3, \sigma_1 = \sigma_2 < \sigma_3$   
 C.  $\mu_1 = \mu_2 < \mu_3, \sigma_1 < \sigma_2 = \sigma_3$   
 D.  $\mu_1 < \mu_2 = \mu_3, \sigma_1 = \sigma_2 < \sigma_3$

11. 设  $\left(5x - \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^n$  的展开式的各项系数之和为  $M$ , 二项式系数之和为  $N$ ,

若  $M - N = 240$ , 则展开式中  $x$  的系数为 ( ).

- A. -150                      B. 150                      C. 300                      D. -300

12. 一个篮球运动员投篮一次得 3 分的概率为  $a$ , 得 2 分的概率为  $b$ , 不得分的概率为  $c$  ( $a, b, c \in (0, 1)$ ), 已知他投篮一次得分的均值为 2, 则  $\frac{2}{a} + \frac{1}{3b}$  的最小值为 ( ).

- A.  $\frac{32}{3}$                       B.  $\frac{28}{3}$                       C.  $\frac{14}{3}$                       D.  $\frac{16}{3}$

二. 填空题 (本大题共 4 个小题, 每小题 5 分, 共 20 分.)

13. 已知某一随机变量  $\xi$  的概率分布列如下, 且  $E\xi = 6.3$ , 则  $a =$ \_\_\_\_\_.

$\xi$	4	$a$	9
$P$	0.5	0.1	$b$

14. 从 -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4 八个数字中任取 3 个不同的数字作为二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的系数  $a, b, c$  的取值, 问共能组成\_\_\_\_\_个不同的二次函数.

15. 从 4 名男生和 2 名女生中任选 3 人参加演讲比赛, 则所选 3 人中女生人数不超过 1 人的概率是\_\_\_\_\_.

16. 设二项式  $\left(x - \frac{a}{\sqrt{x}}\right)^6$  ( $a > 0$ ) 的展开式中  $x^3$  的系数为  $A$ , 常数项为  $B$ . 若  $B = 4A$ , 则  $a$  的值是\_\_\_\_\_.

三. 解答题 (本大题共 6 个小题, 共 70 分.)

17. (10 分) 7 名男生 5 名女生中选取 5 人, 分别求符合下列条件的选法总数有多

少种. (1)  $A, B$  必须当选; (2)  $A, B$  必不当选; (3)  $A, B$  不全当选;

(4) 至少有 2 名女生当选;

(5) 选取 3 名男生和 2 名女生分别担任班长、体育委员等 5 种不同的工作, 但体育委员必须由男生担任, 班长必须由女生担任.

18. (12 分) 袋中有 20 个大小相同的球, 其中记上 0 号的有 10 个, 记上  $n$  号的有  $n$  个( $n=1, 2, 3, 4$ ). 现从袋中任取一球,  $X$  表示所取球的标号.

(1) 求  $X$  的分布列、期望和方差;

(2) 若  $\eta = aX + b$ ,  $E \eta = 1$ ,  $D \eta = 11$ , 试求  $a, b$  的值.

19. (12 分) 已知  $\left(\frac{1}{2} + 2x\right)^n$ ,

(1) 若展开式中第 5 项, 第 6 项与第 7 项的二项式系数成等差数列, 求展开式中二项式系数最大项的系数;

(2) 若展开式前三项的二项式系数和等于 79, 求展开式中系数最大的项.

20. (12 分) 某小组共 10 人, 利用假期参加义工活动, 已知参加义工活动次数为 1,2,3 的人数分别为 3,3,4, 现从这 10 人中随机选出 2 人作为该组代表参加座谈。(1) 设  $A$  为事件“选出的 2 人参加义工活动次数之和为 4”, 求事件  $A$  发生的概率;

(2) 设  $X$  为选出的 2 人参加义工活动次数之差的绝对值, 求随机变量  $X$  的分布列和数学期望.

21. (12 分) 袋子里有完全相同的 3 只红球和 4 只黑球, 今从袋子里随机取球.

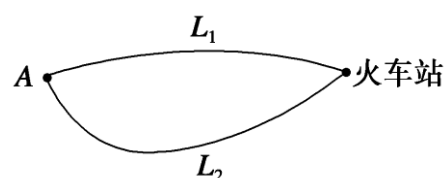
(1) 若有放回地取 3 次, 每次取一个球, 求取出 2 个红球 1 个黑球的概率;

(2) 若无放回地取 3 次, 每次取一个球, 若取出每只红球得 2 分, 取出每只黑球得 1 分. 求得分  $\xi$  的分布列和数学期望.

22. (12 分) 如图,  $A$  地到火车站共有两条路径  $L_1$  和

$L_2$ , 据统计, 通过两条路径所用的时间互不影响,

所用时间落在各时间段内的频率如下表:



时间(分钟)	10~20	20~30	30~40	40~50	50~60
$L_1$ 的频率	0.1	0.2	0.3	0.2	0.2
$L_2$ 的频率	0	0.1	0.4	0.4	0.1

现甲、乙两人分别有 40 分钟和 50 分钟时间用于赶往火车站.

(1) 为了尽最大可能在各自允许的的时间内赶到火车站, 甲和乙应如何选择各自的路径?

(2) 用  $X$  表示甲、乙两人中在允许的的时间内能赶到火车站的人数, 针对(1)的选择方案, 求  $X$  的分布列和数学期望.