

1C 2B 3B 4A 5B 6B 7C 8D

9 BD 10AC 11AD 12ABC

13(1)AD (2)大于

14(1)CD (2) C (3) 副线圈

15 (1)较小 (2) D (3) 1.45-1.55 2.60-2.80

16(12分)解析：

(1) 设货物滑到圆轨道末端时的速度为  $v_0$ ，对货物的下滑过程中根据机械能守恒定律

得， $mgR = \frac{1}{2}m_1v_0^2$  ①，设货物在轨道末端所受支持力的大小为  $F_N$ ，根据牛顿第

二定律得， $F_N - m_1g = m_1\frac{v_0^2}{R}$  ② 联立①②式代入数据得  $F_N = 900\text{N}$

根据牛顿第三定律，货物到达圆轨道末端时对轨道的压力大小为 900N，方向竖直向下。

(2) 若滑上木板 A 时，木板不动，由受力分析得

$$\mu_1 m_1 g \leq \mu_2 (m_1 + 3m_2)g \quad ③,$$

若滑上木板 B 时，木板 B 开始滑动，由受力分析得

$$\mu_1 m_1 g > \mu_2 (m_1 + 2m_2)g \quad ④,$$

联立③④式代入数据得  $0.7 < \mu_1 \leq 0.9$  ⑤

(3) 当  $\mu_1 = 0.8$  时，由⑤式可知，货物在木板 A 上滑动时，木板不动。设货物在木板 A 上做匀减速运动时的加速度大小为  $a_1$ ，由牛顿第二定律得  $a_1 = \mu_1 g$  ⑥，

设货物滑到木板 A 右端时速度为  $v_1$ ，由运动学公式得  $v_1^2 - v_0^2 = -2a_1 l$  ⑦，

联立①⑥⑦式代入数据得  $v_1 = 2 \text{ m/s}$

17(14分)解析：1) 细线烧断瞬间： $F = (m_1 + m_2)g\sin 30^\circ$

$$\text{棒 1: } F - m_1 g \sin 30^\circ = m_1 a_1, \text{ 解得: } a_1 = 10 \text{ m/s}^2$$

$$2) \text{细线烧断前: } F = (m_1 + m_2)g\sin 30^\circ$$

细线烧断后： $F_{\text{安}1} = F_{\text{安}2}$ , 方向相反，由系统动量守恒得： $m_1 v_1 = m_2 v_2$ ,

两棒同时达到最大速度，之后做匀速直线运动.

$$\text{对棒 2: } m_2 g \sin 30^\circ = BIl, I = \frac{Blv_1 + Blv_2}{R}$$

$$\text{解得: } v_1 = 2 \text{ m/s}, v_2 = 1 \text{ m/s}$$

$$3) \text{由系统动量守恒得 } m_1 v_1 = m_2 v_2 \quad \text{则 } m_1 x_1 = m_2 x_2 \text{ 即 } x_2 = 0.4 \text{ m}$$

$$\text{设所求时间为 } t, \text{对棒 2 由动量定理得: } m_2 g \sin 30^\circ \cdot t - B\bar{I}l \cdot t = m_2 v_2 - 0$$

$$\bar{I}t = \frac{\bar{E} \cdot t}{R} = \frac{Bl\Delta x}{R \cdot t} t = \frac{Bl(x_1 + x_2)}{R}$$

$$\text{解得: } t = 0.6 \text{ s}$$

4) 由能量守恒得：

$$Fx_1 + m_2 g \sin 30^\circ \cdot x_2 = m_1 g \sin 30^\circ \cdot x_1 + \frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 + Q$$

$$Q = 0.9 \text{ J}$$

18(16分)

$$\text{【答案】 (1) } B = \frac{2\sqrt{2qUm}}{qkd} \quad (2) \quad B = \frac{2\sqrt{2nqUm}}{qkd}, \quad (n=1, 2, 3, \dots, k^2-1)$$

$$(3) \quad t_{\text{磁}} = \frac{(2k^2-3)\pi mkd}{2\sqrt{2qum}(k^2-1)}, \quad t_{\text{电}} = h\sqrt{\frac{2(k^2-1)m}{qU}}$$

【解析】

试题分析：(1) 离子经电场加速，由动能定理： $qU = \frac{1}{2}mv^2$ ，可得  $v = \sqrt{\frac{2qU}{m}}$

磁场中做匀速圆周运动， $qvB = m \frac{v^2}{r}$

刚好打在  $P$  点，轨迹为半圆，由几何关系可知  $r = \frac{kd}{2}$

$$\text{联立解得 } B = \frac{2\sqrt{2qUm}}{qkd}$$

(2) 若磁感应强度较大，设离子经过一次加速后若速度较小，圆周运动半径较小，不能直接打在  $P$  点，而做圆周运动到达  $N'$  右端，再匀速直线到下端磁场，将重新回到  $O$  点重新加速，直到打在  $P$  点。设共加速了  $n$  次，有： $nqU = \frac{1}{2}mv_n^2$

$$qv_n B = m \frac{v_n^2}{r_n}$$

$$\text{且 } r_n = \frac{kd}{2}$$

$$\text{解得： } B = \frac{2\sqrt{2nqUm}}{qkd},$$

要求离子第一次加速后不能打在板上，有  $r_1 > \frac{d}{2}$ ，且  $qU = \frac{1}{2}mv_1^2$ ， $qv_1 B = m \frac{v_1^2}{r_1}$

$$\text{解得： } n < k^2$$

故加速次数  $n$  为正整数最大取  $n = k^2 - 1$

$$\text{即 } B = \frac{2\sqrt{2nqUm}}{qkd} \quad (n = 1, 2, 3, \dots, k^2 - 1)$$

(3) 加速次数最多的离子速度最大，取  $n = k^2 - 1$ ，离子在磁场中做  $n-1$  个完整的匀速圆周运动和半个圆周打到  $P$  点。

$$\text{由匀速圆周运动 } T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi m}{qB}$$

$$t_{\text{磁}} = (n-1)T + \frac{T}{2} = \frac{(2k^2 - 3)\pi m k d}{2\sqrt{2qum}(k^2 - 1)}$$

电场中一共加速  $n$  次，可等效成连续的匀加速直线运动.由运动学公式

$$(k^2 - 1)h = \frac{1}{2}at_{\text{电}}^2$$

$$a = \frac{qU}{mh}$$

$$\text{可得： } t_{\text{电}} = h \sqrt{\frac{2(k^2 - 1)m}{qU}}$$